

repetition

defects in crystals : small defects in long-range order

0-dim violation of order : point-def
impurities

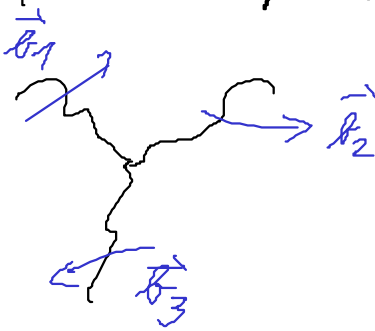
1-dim dislocation : screw-dislocation
edge-dislocation

4.2 Versetzungen

identifiziert durch Burgers-Vektor (?)

(Stufen-V. $\vec{b} \perp \vec{a}$, Schrauben-V. $\vec{b} \parallel \vec{a}$)

Regel für Versetzungen (ähnlich Kirchhoff-Regeln)



$$\vec{b}_1 + \vec{b}_2 + \vec{b}_3 = 0$$

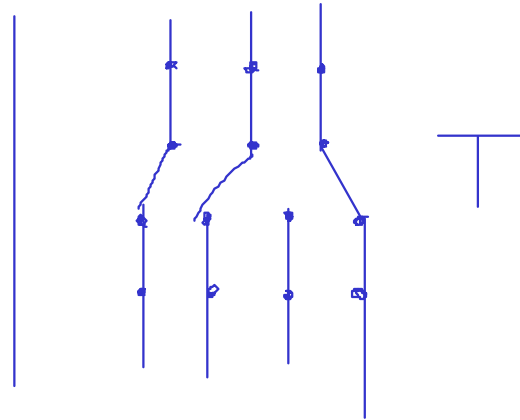
⇒ Versetzungen können erzeugt
und vernichtet werden (paarweise)

Stabile Versetzungen:

⊥ T Dipol

Zusätzliche Ebene

T ⊥ T ⊥ Multipol



⇒ verändern mechanische Eigenschaften

Versetzungen sind wichtig beim Wachstum von Kristallen

→ Wachstum beginnt an Kanten / Stufen

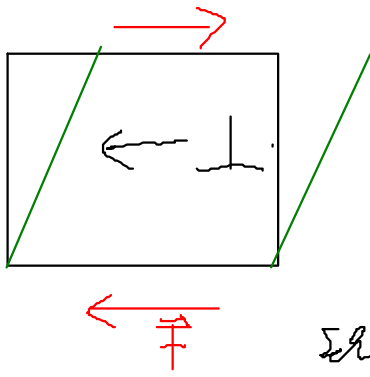
bevorzugt ⇒ es kann ein Einkristall

in bestimmte Richtung entstehen

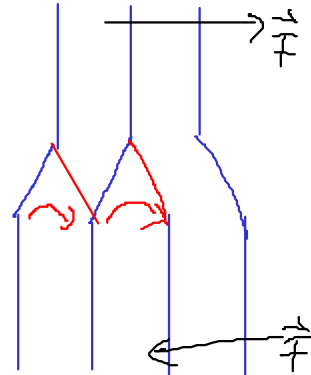
Bsp. Whiskers (lange, dünne Kristalle)

4.2.1 Elastische Deformation

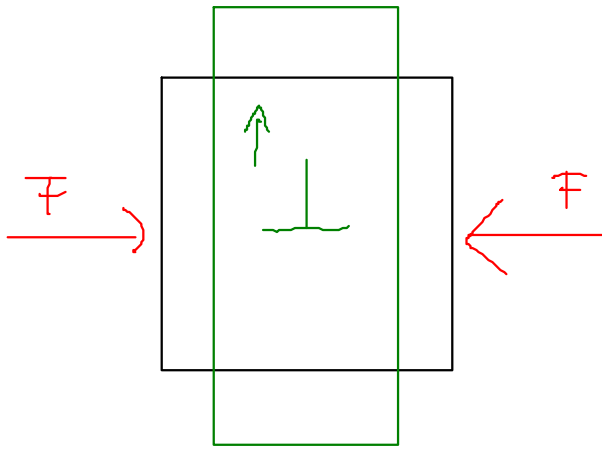
differenziert zwischen plastisch und elastisch



Schubspannung



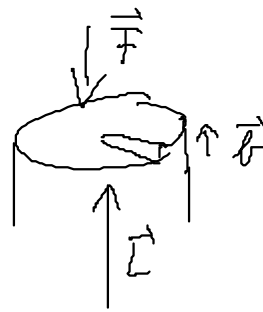
Versetzung wandert nach links



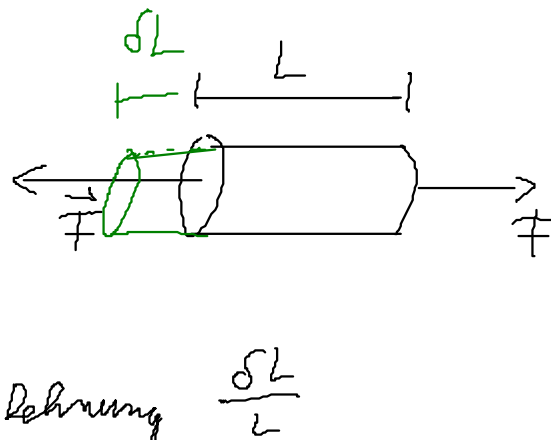
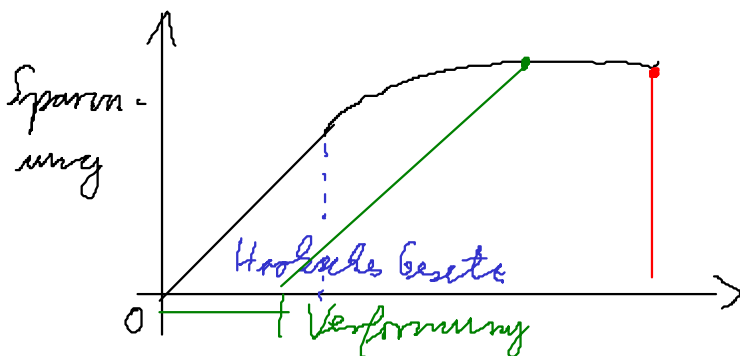
$$\vec{F} = (\hat{\sigma} \cdot \vec{b}) \times \vec{L}$$

für Schraubvernetzung
 $\vec{b} \parallel \vec{L} \Rightarrow$ keine
 Versetzung
 bei Krafteinwirkung
 \Rightarrow hohe Stabilität

- σ Spannungstensor,
3x3
- \vec{b} Versetzungsvektor
Burgers-Vekt.
- \vec{L} Achse des Kristalls (?)



— Hookesches Gesetz



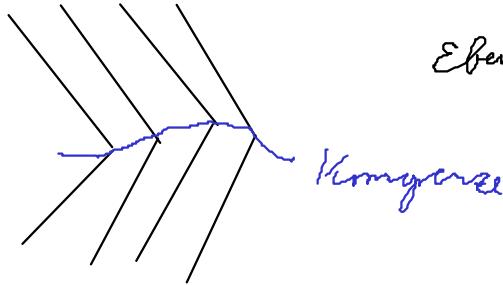
Verformung ist irreversibel, Versetzungen wandern so, dass der Stab länger wird

Zerstörung, Kristall kaputt

Kristalle oder elastische Metalle: Zahl der Versetzungen beeinflussen

4.3 2D Versetzungen

kleiner Winkel / Komgränze

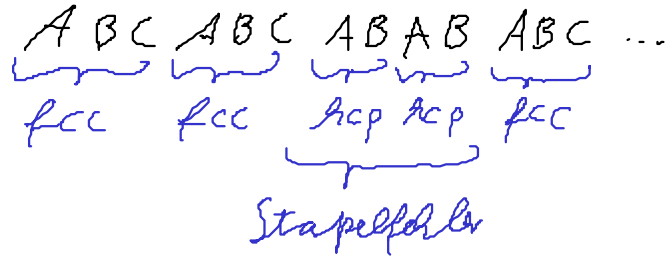


Ebenen leicht zueinander gedreht

Stapelfehler

fcc - hcp

Ebenen in Richtung



4.4 amorphe Materialien

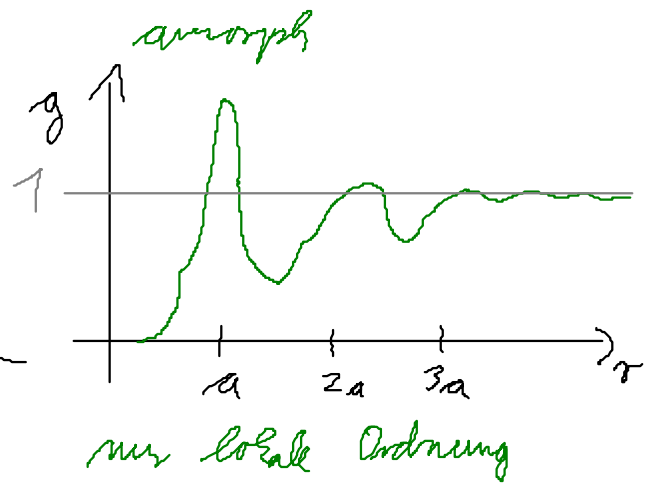
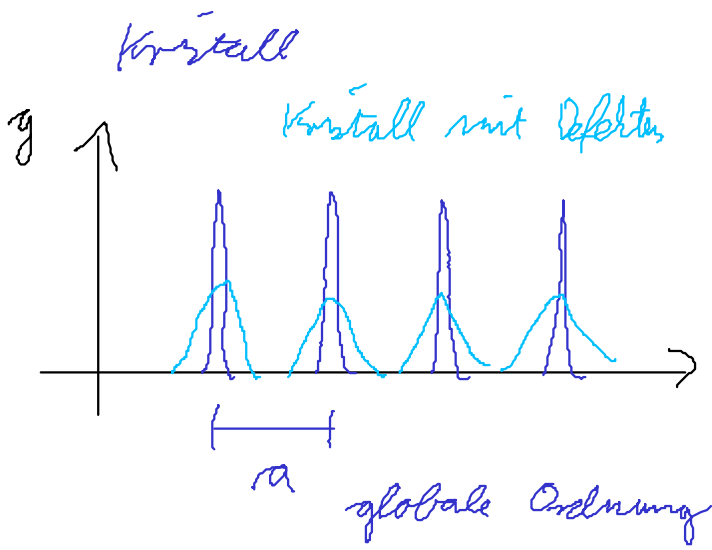
Paarverteilungsfunktion (Paarkorrelationsfunktion)

$\gamma(\vec{r}_1, \vec{r}_2)$ - Wahrscheinlichkeit, im Abstand $|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|$ ein Atom zu finden

$$= \frac{1}{n_0^2} \langle n(\vec{r}_1) - n(\vec{r}_2) \rangle$$

Gesamtzahl

der Atome im Material

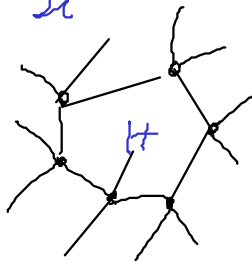


Bsp. Glas ist amorphes SiO_2
 amorpher Zustand kann von allen Metallen erzeugt werden:

sehr schnell abkühlen der flüssigen Phase
 (z.B. magnet. Schicht auf Festplatten)

(oft wird "Glas" allgemein als Bezeichnung für amorphe Materialien verwendet)

Bsp amorphes Si



Si •

freie sp^2 -Bindung wird von H-Atom besetzt

6 elastische Eigenschaften

Beschreibung durch makroskopische Größen

Verformung $\vec{r} \rightarrow \vec{r} + \vec{u}(\vec{r})$

↳ Tensor-Rechnung benötigt

Freie Energie $F = \int d\vec{r} \frac{1}{2} \sum_{\alpha\beta\gamma\delta} E_{\alpha\beta\gamma\delta} \frac{\partial u_\alpha(\vec{r})}{\partial r_\beta} \cdot \frac{\partial u_\gamma(\vec{r})}{\partial r_\delta}$

Summe fällt doppelt

Tensor

$\alpha, \beta, \gamma, \delta \in x, y, z$

E hat 3^4 Komponenten = 81 Komponenten

(ist uns zu viel)

E muss symmetrisch sein unter Vertauschen von

$$\alpha\beta \Leftrightarrow \gamma\delta \Rightarrow 45 \text{ Komponenten}$$

E invariant unter Drehung

$$E_{\alpha\beta\gamma\delta} - E_{\beta\alpha\gamma\delta} - E_{\alpha\beta\delta\gamma} + E_{\beta\alpha\delta\gamma} = 0$$

$\Rightarrow 21$ unabh. Komponenten

Dehnungs-Tensor (strain tensor)

$$[e] = \vec{e} = e_{\alpha\beta} \quad \text{versch. Schreibweisen}$$

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{\partial u_\alpha}{\partial r_\beta} + \frac{\partial u_\beta}{\partial r_\alpha} \right] \quad \text{symmetrie}$$

$$\text{Bsp: } e_{xx} = \frac{\partial u_x}{\partial r_x}$$

$$F = \sum_{\alpha\beta} \int d\vec{r} \frac{1}{2} e_{\alpha\beta} \sigma_{\alpha\beta}$$

Dehnung

"Kraft" = Spannungstensor

Spannungstensor

$$\sigma_{\alpha\beta} = \sum_{\gamma\delta} C_{\alpha\beta\gamma\delta} e_{\gamma\delta}$$

$$F \propto \frac{1}{2} k x^2 \quad \updownarrow e^2$$

$$C_{\alpha\beta\gamma\delta} = \frac{1}{4} (E_{\alpha\beta\gamma\delta} + E_{\beta\alpha\gamma\delta} + E_{\alpha\beta\delta\gamma} + E_{\beta\alpha\delta\gamma})$$

so viel zur formalen Beschreibung

für kubische Symmetrie

$$\beta \ddot{u}_\alpha(\vec{r}) = f_\alpha(\vec{r}) = \sum_{\beta} \frac{\partial \sigma_{\alpha\beta}(\vec{r})}{\partial r_\beta}$$

Elastizitätskraft

def. $C_{\alpha\alpha\alpha\alpha} = C_{11}$ $C_{\alpha\alpha\beta\beta} = C_{12}$

$C_{\alpha\beta\alpha\beta} = C_{44}$

die 27 Komponenten lassen sich im kubischen

Kristall auf 3 reduzieren (daher der ganze formale
Kram)

für isotrope Materialien gilt auch noch

$C_{11} - C_{12} = C_{44} \Rightarrow$ nur noch 2 Komponenten
(sog. Lamé - Konstanten)

$\lambda = C_{12}$ $\mu = C_{44}$ / $C_{11} = \mu + \lambda$

insgesamt erhält man für isotrope, kubische Kristalle

$$F = \frac{1}{2} C_{11} (e_{xx}^2 + e_{yy}^2 + e_{zz}^2)$$

$$+ \frac{1}{2} C_{44} (e_{xz}^2 + e_{zx}^2 + e_{xy}^2)$$

$$+ C_{12} (e_{yy} e_{zz} + e_{zz} e_{xx} + e_{xx} e_{yy})$$

Volumenkompression

$$e_{xx} = e_{yy} = e_{zz} = \frac{1}{3} \delta^1$$

$$F = \frac{1}{6} (C_{11} + 2 C_{12}) \delta^2$$

Elastische Module kann man ableiten

Kompressionsmodul B

$$B = \frac{1}{3} (C_{11} + 2 C_{12}) \quad (F = \frac{1}{2} B x^2, \text{ wie Hooke'sches Gesetz})$$

$$= \frac{1}{3} (3\lambda + 2\mu)$$

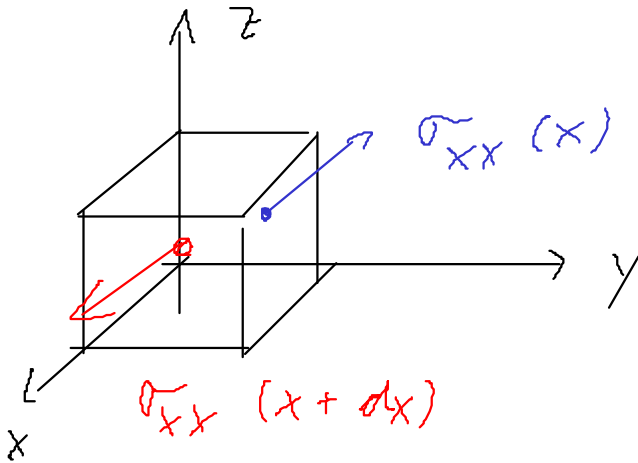
Kompressibilität κ

$$\kappa = \frac{1}{B} = -\frac{1}{V} \frac{\partial V}{\partial p} \quad (\text{aus Thermodynamik})$$

Young - Modul (Modul E)

$$E = \frac{d\sigma}{d\varepsilon} \sim \frac{\text{Spannung}}{\text{Dehnung}} = \frac{\mu(3\lambda + 2\mu)}{\lambda + \mu}$$

Schallwellen



$$\begin{aligned} dF_x &= \left[\sigma_{xx}(x+dx) - \sigma_{xx}(x) \right] dy dz \\ &= \frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} dx dy dz \\ &= \rho \frac{d^2 u_x}{dt^2} = \frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} \end{aligned}$$

$$m = \rho dx dy dz$$

$$\sigma_{xx} = C_{11} \varepsilon_{xx} = C_{11} \frac{\partial u_x}{\partial x}$$

\Rightarrow Wellengleichung

$$\Rightarrow \rho \frac{d^2 u_x}{dt^2} = C_{11} \frac{\partial^2 u_x}{\partial x^2}$$