

(an Christian Meyer schicken)
 Transport durch Nanostrukturen

Vibrator

S. Datta Elektronen Transport in Mesoscopic
 Systems (Cambridge U. Press)

Theorie

Überblick M. Reed: Molecular Nanoelectronics

Ballistischer Transport

$$I = \frac{2e^2}{h} \int dE [f_L(E) - f_R(E)] T(E)$$

Transmissionsfunktion
 ≈ 1 für ein ideale Niveau

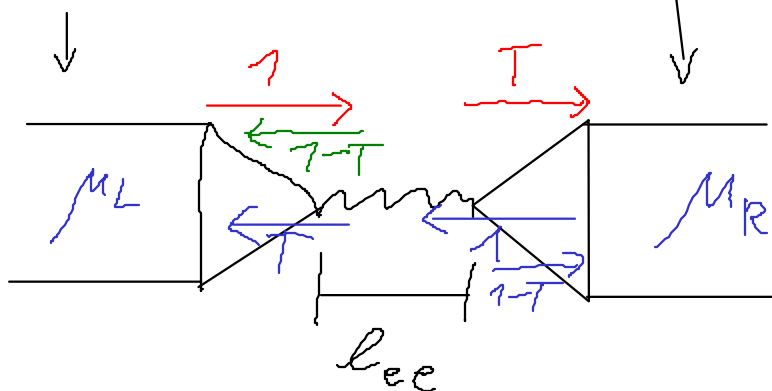
Luke



jetzt: Aufteilen, denn wo bleibt beim Gleichgewicht
 die "äußere Spannung"?

in Gleichgewicht

⇒ Fermi-Niveaus gilt noch



T Transmissionskoeff.
 Umgekehrt symmetrisch

längen skala der Elektronen-Elektronen-Wechselwirkung

Zur weiteren Betrachtung: $\Delta x \gtrsim l_{ee}$

$\mu_{\pm}(x)$ \rightarrow $\hbar > 0$ (rechtslaufende Welle)
 \rightarrow $\hbar < 0$ (linkslaufende Welle)

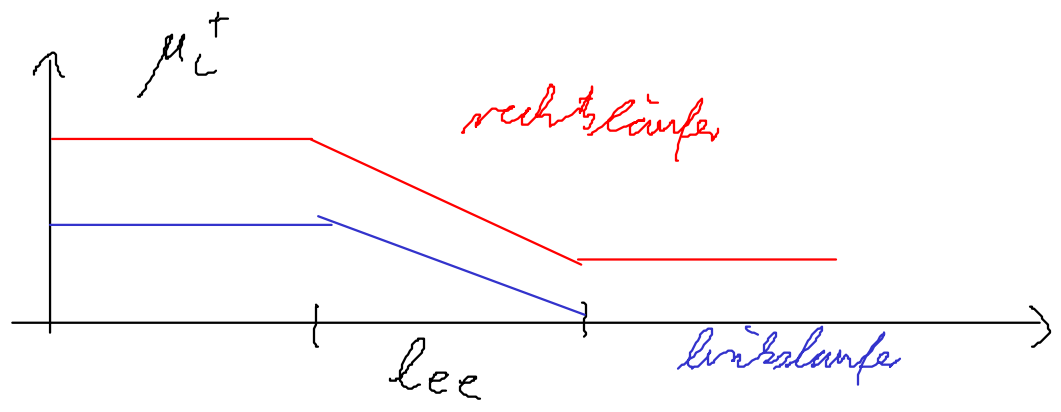
$$\Delta n_{\pm}(x) = \int dE N(E) f_{\pm}(E, x) = N(E_F) \Delta \mu_{\pm}(x)$$

$N(E) \approx N(E_F)$ (Fermi Energie)
 $\mu_{\pm}(x)$

$$\Delta \mu_{\pm}(x) = \mu_{\pm}(x) - E_F$$

μ chem. Potential im Gleichgewicht (Leitung vernachlässigbar)

$$\bar{\mu}_{\pm}(x) = \frac{\Delta \mu_{\pm}(x)}{\mu_L - \mu_R}$$



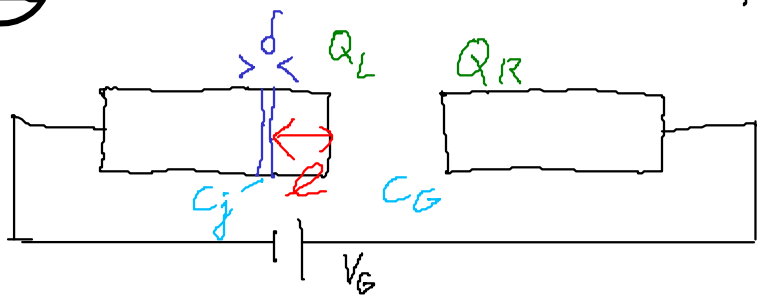
$$\Delta V_{\text{drift}} = \frac{1}{e} (\tau - T) (\mu_L - \mu_R)$$

$$\Delta V_{\text{kontakt}} = \frac{1}{e} T (\mu_L - \mu_R)$$

bei $T=0$ fließt kein Strom
 \Rightarrow Kondensator

②

Einzelelektronentransport:



d klein "Lücke" von der Größenordnung der Kohärenzlänge der Elektronen

Kapazität $C = \frac{\epsilon S}{4\pi A}$ $S = L^2 = 100 \text{ nm}^2$

$d = 10 \text{ \AA} = 1 \text{ nm}$

$\epsilon = 10$

$E_c = \frac{e^2}{2C} \Rightarrow \frac{E_c}{k_B} \approx 1 \text{ K} \Rightarrow E_c \approx k_B T$

↑
Energie um 1

Elektron auf den

Kondensator zu bringen

$L \rightarrow 100 \text{ nm} \rightarrow 10 \text{ nm}$

(Halbleiter -
Litographie)

(Molekülgröße)

\Rightarrow Energie eine Elektron liegt im
Bereich der Raumtemperatur

$n_e = Q_L + Q_R$

$V_G = \frac{Q_L}{C_j} - \frac{Q_R}{C_G}$

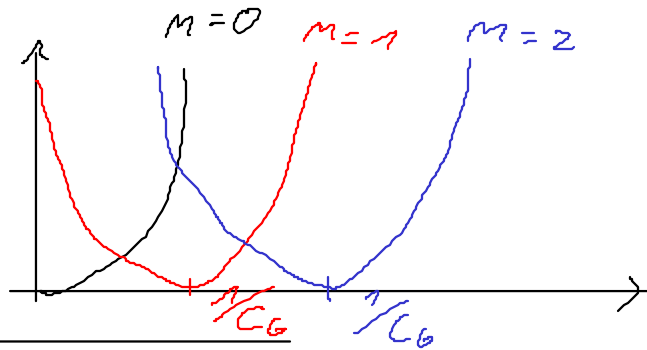
$E_{\text{Ladung}} : \frac{Q_L}{2C_j} + \frac{Q_R}{2C_G} \quad \text{r} \quad E = V_G Q_R$

$Q_R = -(n_e + Q_L) \quad (?)$

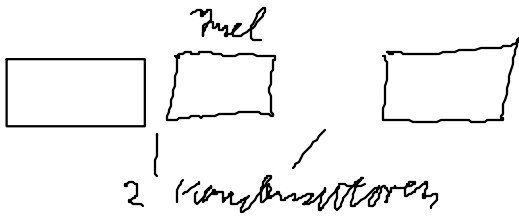
$Q_L = C_j \left(V_G + \frac{Q_R}{Q_L} \right)$

$$E(m, V_G) = \frac{(m_e - C_G V_G)^2}{2C}$$

$$C = C_j + C_G$$



System hat links Elektrode, Insel, rechte Elektrode.

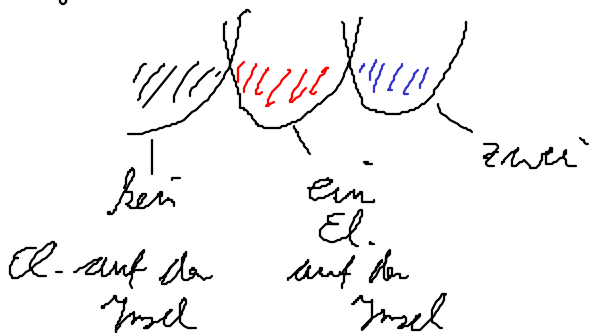


$$N_e \text{ Anzahl Elektronen auf der Insel} \\ = Q_{\text{links}} + Q_{\text{rechts}}$$

Energie des Systems

Ziel: Wie ändert sich die Ladung auf der Insel in Abhängigkeit von der Spannung

⇒ System sucht sich (durch Tunneln auf die Insel) den Zustand niedrigster Energie.

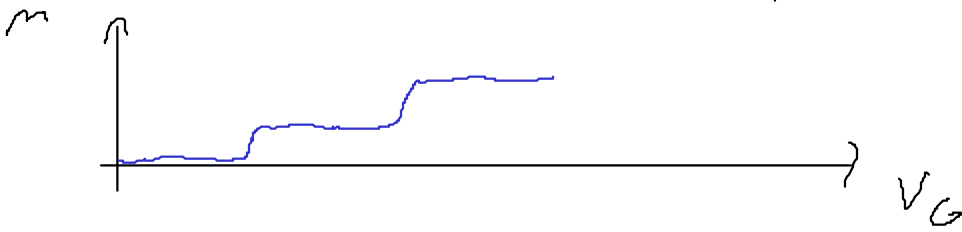


Literaturfragen

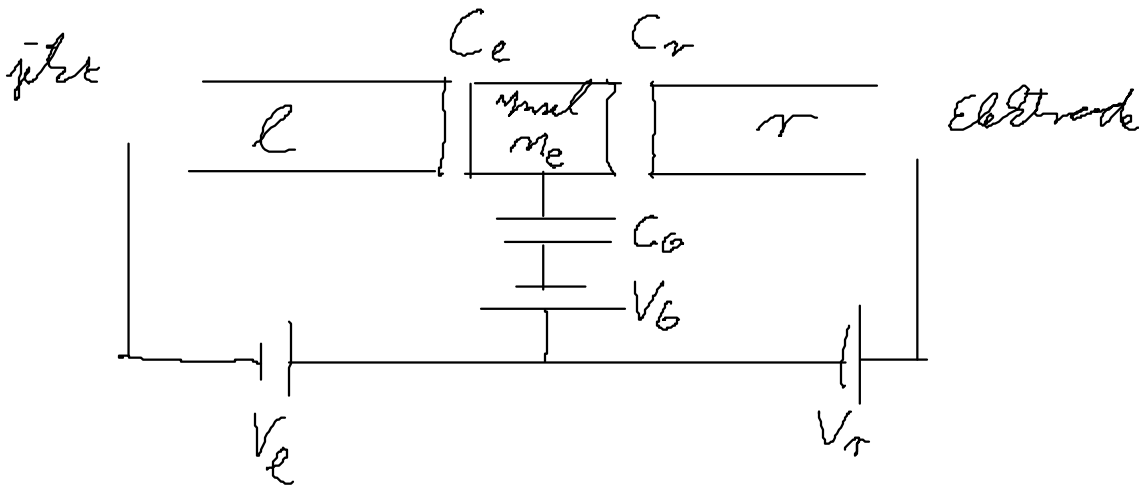
"Einzelatomtransistor"

aus www.zk.uni-erlangen.de

Anzahl Elektronen auf der Insel



bisher konnte kein Strom fließen



Energie der Insel:

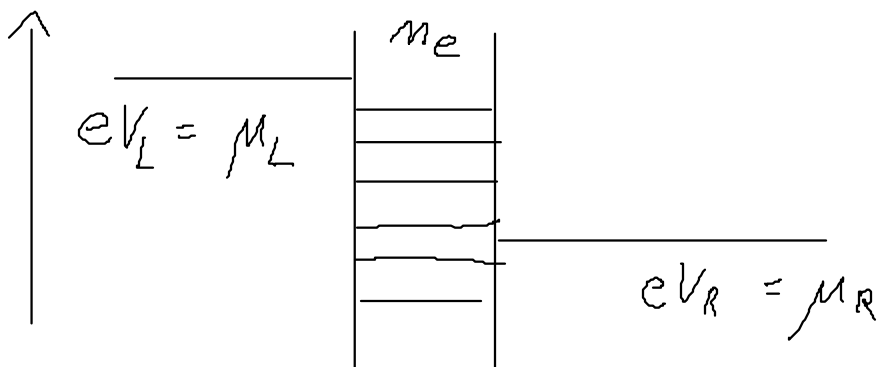
$$E_{n_e}(n, V_G) = \frac{(n e - V_G C_G)^2}{2C}$$

$$C = C_L + C_R + C_G \quad \text{Gesamtkapazität}$$

Wann wird Elektronentransport möglich?

$$E(n+1, V_G) - E(n, V_G) = \left(n + \frac{1}{2} - \frac{V_G C_G}{e} \right) \frac{e^2}{C}$$

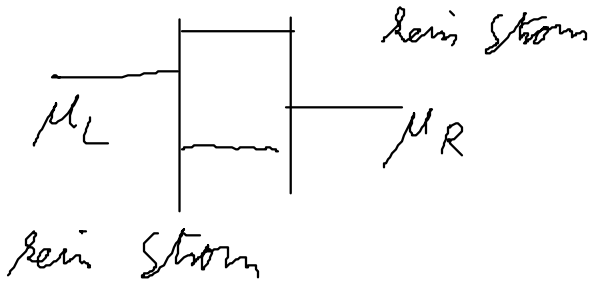
\Rightarrow Energiedifferenz proportional zu n



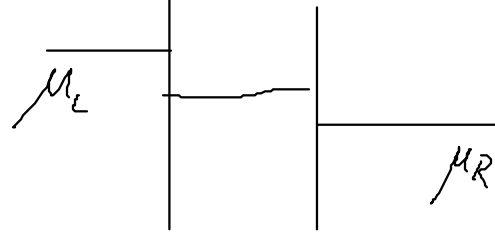
V_G schiebt die Niveaus in der Mitte
 hoch und runter,

Energieniveaus sind $E(0, V_G) - E(1, V_G)$
 $E(1, V_G) - E(2, V_G)$

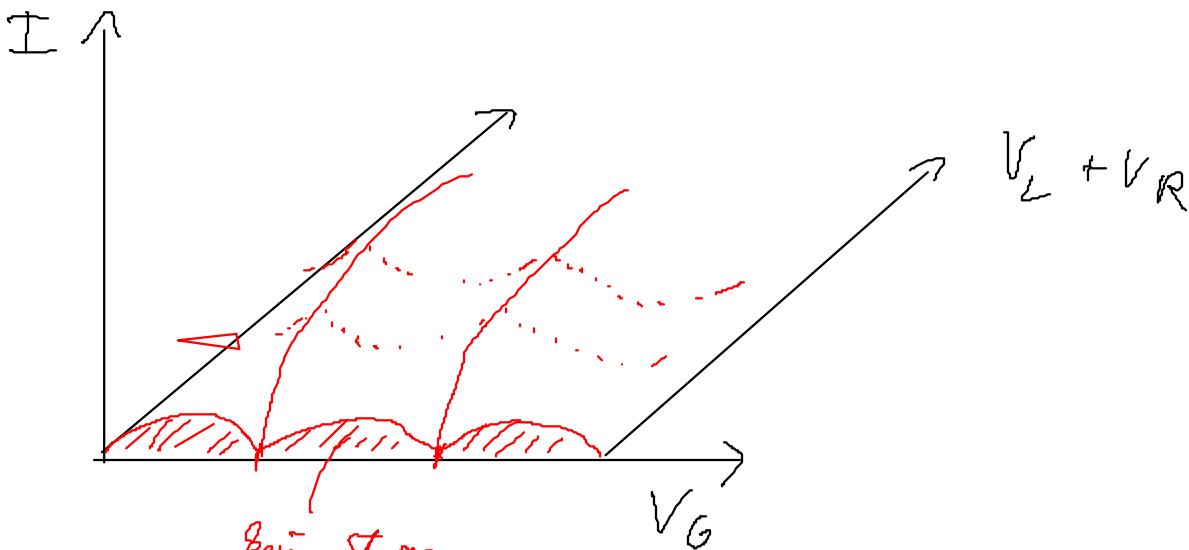
1. Möglichkeit



2. Mögl.



Es kann Strom fließen
 (hängt stark von
 Tunnelwahrscheinl. ab)



kein Strom,

erst für $V_L + V_R$ "groß" fließt Strom

für $T=0$ sind die Parabeln Punkte
 "Coulomb Diamond"